سال دوم، شمارههای ٥و ٦ ، پاییز و زمستان ۱۳۸۹



صص: ٤٤ – ٣٧

فناوری اطلاعات و ارتباطات ایران

فصلنامه علمي- پژوهشي

اصلاح نقص ابیراهی لنز دوربین با بهره گیری از مومنتهای زرنیک

كريم فائز ** کامبيز رهبر *

* دانشگاه آزاد اسلامی واحد تهران مرکز ** استاد، دانشکده مهندسی برق، دانشگاه صنعتی امیرکبیر تهران، ایران

تاريخ پذيرش: ١٣٨٩/٠٥/٢٨

تاریخ دریافت: ۱۳۸۹/۰۱/۲۰

پرده تصویر تحت عنوان ابیرایی^۱ شناخته میشود. ابیرایی می تواند در دو کلاس کلی طبقهبندی شود: ابیرایی تکرنگ و ابیرایی رنگی ً. ابیرایی رنگی به تفرق طول موجهای مختلف و تغییرات شاخص انکساری⁴ با آن بر می گردد؛ در حالی که ابرایی تکرنگ تنها برای یک طول موج نور رخ میدهد.

وجود ابیرایی در یک سامانه بینایی تاثیرات منفی زیادی به دنبال دارد. تاثیرات منفی متاثر از ابیرایی در یک سامانه اپتیکی در دو کلاس کلی قابل طرح هستند. کلاس اول مربوط به بررسی اثر ابیرایی در کاهش کیفیت تصویر حاصله میباشد. تصویر آلوده اغلب از ماتی محلی در نواحی مختلف خود رنج میبرد. کلاس دوم مربوط به بزرگنمایی محلی در نواحی مختلف تصویر است که باعث کشیدگی و جمع شدگی محلی شده و موقعیت و ابعاد تصویر اشیاء را روی پرده تصویر تغییر میدهد. تاثیرات منفی، در کلاس اول تاثیرات نامطلوب ابیرایی معمولا پروسههای پردازش تصویر را درگیر میکند؛ در حالی که در کلاس دوم، تاثیرات نامطلوبی روی پروسههای بینایی ماشين از جمله كاليبراسيون سامانه بينايي مي گذارد.

کاهش ابیرایی راهکارهای مختلفی دارد. دستهای از این راهکارها بر استفاده از پرتوهای راهنمای ویژهای متکی هستند. پرتوهای مماسی[°] و پیکانی^۳ نمونهای از این پرتوها هستند. پروسه تشخیص و تعیین ابیرایی توسط این پرتوها اغلب از این مهم بهره میبرد که پرتوهای تست از نظر هندسی تنها برخی از

چکيده

کاهش کیفیت تصویر در یک سامانه اپتیکی تابع پارامترهای متفاوتی از قبیل ابیرایی لنز، خطای رقمی سازی و خطای مونتاژ سامانه می باشد. از این میان مقاله حاضر قصد دارد تا به مطالعه ابيرايي لنز پرداخته و نقص ابيرايي آن را اصلاح و جبران نمايد. برای این منظور مومنتهای زرنیک جهت مدل سازی ابیرایی معرفي شده و ضرايب آن جهت تخمين در دو كلاس متقارن و نامتقارن دسته بندی میشوند. سپس این ضرایب با بهرهگیری از آناليز چند طيفي تخمين زده مي شوند. جهت اين مهم در تخمين ضرايب جملات متقارن از آناليز tri-coherence و برای ضرایب جملات نامتقارن از آنالیز bi-coherence استفاده شده است. با مد نظر قرار دادن دقت نتایج حاصله در مقام قیاس با نتایج تخمین ابیرایی با بهرهگیری از آنالیز چند طیفی نشان میدهد که روش پیشنهادی میتواند به دقت ۱/۰ يىكسل دست يابد.

> كلمات وإژگان ابیرایی لنز، چند جمله ای زرنیک، طیفهای مرتبه بالاتر

۱. مقدمه

در شرایط ایده آل در اپتیک هندسی تمامی پرتوهایی که از شیی هدف ساطع میشوند پرده تصویر را در یک نقطه قطع می کنند. در عمل این مهم اغلب حاصل نمی شود. انحراف از مسیر ایده آل برای پرتوهای ساطع شده و لمس نقطه دیگری روی

¹Aberration

² Monochromatic aberration

³ Chromatic aberration

⁴ Refraction

⁵ Tangential rays

⁶ Sagittal rays

[•] نویسنده عهدهدار مکاتبات (k.rahbar@srbiau.ac.ir)

ابیرایی ها را ظاهر می کنند. با تابش این پرتو ها به داخل سامانه اپتیکی و سنجش میزان انحراف در بازتابش آنها، می توان ابیرایی را در یک سامانه تشخیص و میزان آن را تعیین کرد. مینابراین این راهکار ها برای سنجش ابیرایی نیازمند وجود یک آینه فارغ از ابیرایی در پشت سامانه اپتیکی هستند. دسته ای دیگر از راهکار ها پروسه تشخیص و تعیین ابیرایی را صرفا بر اساس تصویر نقش بسته بر پرده تصویر صورت می دهند. این راه کارها نیازی به پرتوهای ویژه هندسی ندارند. هر چند این واسطه عدم نیاز به پرتوهای ویژه هندسی، امکان سنجش و تعیین ابیرایی را در شرایطی که امکان بهره گیری از پرتوهای یاد شده وجود نداشته باشد، فراهم می آورند.

روش های کاهش ابیرایی که ابیرایی را صرفا بر اساس تصویر نقش بسته بر پرده تصویر مورد سنجش قرار می دهند، می توانند در دو کلاس اصلی طبقه بندی شوند: ۱) روش های مبتنی بر مدل^۱ و ۲) روش های فارغ از مدل^۲. روش های فارغ از مدل تاثیر ابیرایی را مستقیما در مدل سامانه بینایی وارد می کنند. بنابراین مدل سامانه بینایی به گونه ای اصلاح می گردد که تاثیر ابیرایی روی تصویر در نتایج آن تاثیری نداشته باشد. در مقابل، روش های مبتنی بر مدل به ارائه مدلی مستقل برای تابع ابیرایی پرداخته و مدل سامانه بینایی را تحت تاثیر آن قرار نمی دهند. به عبارتی دیگر فرض می کنند که تصویر حاصله از سامانه بینایی پس از اصلاح توسط مدل ابیرایی، فاقد هر گونه ابیرایی است و می تواند به عنوان تصویر ایده آل برای مدل سامانه بینایی مورد استفاده قرار گیرد.

در هر صورت هر یک از کلاسهای بیان شده دارای مزایا و معایب خاص خود هستند. به عنوان نمونه هر چند روشهای فارغ از مدل، با وارد کردن پارامترهای ابیرایی در مدل سامانه بینایی نیاز به کالیبراسیون مدل ابیرایی را کاهش می دهند، اما جملات اصلاح شده در مدل سامانه بینایی دیگر دارای تعبیر فیزیکی نخواهند بود. بعلاوه از آنجایی که مدل سامانه بینایی میتواند بصورت خطی تحقق یابد، وارد کردن پارامترهای ابیرایی، مدل سامانه بینایی را غیر خطی میکند که این مهم نیز از معایب این کلاس به شمار می آید. بنابراین پروسه کالیبراسیون باید به صورت غیر خطی جهت تخمین پارامترهای

¹ Model based method

مدل اعمال شود. این مهم کاربرد هایی را که نیاز به کالیبراسیون بلادرنگ دارند به چالش می کشد.

در مقابل، روش های مبتنی بر مدل با مدل سازی مستقل ابیرایی می توانند ابیرایی را به صورت موثر تری مدل کنند. مدل سازی مستقل ابیرایی این امکان را فراهم می سازد که مدل سامانه بینایی بتواند به صورت خطی تحقق یابد. ضمنا امکان کنترل بیشتر خطای منتشر شده در نتایج مدل ابیرایی نیز میسر می گردد. در مقابل، مدل های مستقل نیاز به پروسه کالیبراسیون خاص خود دارند. در مدل های مستقل جملات می توانند تعبیر فیزیکی داشته باشند.

پروسه مدل سازی برای روشهای مبتنی بر مدل، خود نشات گرفته از دو دیدگاه متفاوت است. دیدگاه اول پروسه مدل سازی را بر پایه انواع مدلهای افکنش^۳ انجام میدهد. در حالی که دیدگاه دوم مبتنی بر انواع مختلف اثرات ابیرایی بر تصویر می باشد. روشهای مبتنی بر مدل برگرفته شده از دیدگاه اول، دیدگاه مبتنی بر انواع مدلهای افکنش، چهار مدل کلی را برای افکنش معرفی می کنند که عبارتند از: پرسپکتیو، استريو گرفيک، ايكيوسوليد و ارتو گنال . در مدل هاى افكنش یاد شده تفاوت در رابطه هندسی بین φ، زاویه ای است که پرتوی یک نقطه حقیقی ساطع شده از پرده شیئی پس از وارد شدن به سامانه اپتیکی با محور اپتیکی می سازد، f فاصله کانونی، و r موقعیت شعاعی تصویر نقطه شیئی روی پرده تصویر است. مدل نهایی ابیرایی از ترکیب خطی وزنی مدلهای یاد شده حاصل میشود. به عنوان نمونه کار اورخوف و همکاران [۱] در این گروه قرار می گیرد. ویژگی مهم این دیدگاه امکان پوشش طیف وسیعی از ابیرایی ها، از جمله ابیراییهای مربوط به لنزهای ماکرو^ تا ابیراییهای مربوط به لنزهای تله می باشد. روشهای مبتنی بر مدل برگرفته شده از دیدگاه دوم، دیدگاه مبتنی بر انواع اثرات ابیرایی روی تصویر، اغلب از بسط تیلور برای مدل سازی ابیرایی بهره می برند.

به عنوان نمونه گرامفون [۲] و وینسنت و همکاران [۳] در کارهای خود مدل دوربین پین هول'^۱ را به گونه ای با بهره

- ⁶Equisolid ⁷ Orthogonal
- ⁸ Macro lenses
- ⁹ Tele lenses

² Non-parametric methods

³Projection

⁴ Perspective

⁵ Stereographic

¹⁰ Camera pinhole model

گیری از هموگرافی معکوس پذیر اصلاح کردند که ماتریس پارامترهای داخلی و خارجی دوربین^۲، کشیدگیهای ناخواسته ناشی از بزرگنمایی محلی را در خود توصیف کند. بدین سان پارامترهای مدل اصلاح شده پین هول هر چند از ماهیت فیزیکی خود فاصله گرفتند ولی در مقابل پروسه کالیبراسیون دوربین بدون نیاز به کالیبراسیون مجزا برای استخراج پارامترهای ابیرایی قابل بهره برداری می باشد. آنها مدل جدید دوربین را مدل پین هول مجازی^۳ نامیده اند. کار این دو در نحوه تعیین پارامترهای مدل با یکدیگر تفاوت دارد.

همچنین لین و همکاران [٤] در کار خود به اصلاح ابیرایی مبتنی بر مدل پرداخته اند. ایشان تابع ابیرایی را به کمک بسط تیلور مدل کرده و پارامترهای آن را با بهره گیری از این حقیقت تخمین زدهاند که میزان ابیرایی موثر در مرکز ابیرایی نسبت به دیگر نقاط به شدت کمتر است. بنابراین اگر مرکز ابيرايي مركز تصوير فرض شود، انتظار داريم براي يک بزرگنمایی، تفاوت مکانی نقاط الگوهای حول مرکز تنها برابر پارامتر بزرگنمایی باشد و از جابجایی ناشی از کشیدگی و جمع شدگی ابیرایی تاثیر نپذیرد، در حالی که این مهم برای نقاط الگوهای دیگر بخشهای تصویر این گونه نیست و جابجایی این نقاط علاوه بر پارامتر بزرگنمایی متاثر از ابیرایی نیز می باشد. ایشان از این مهم بهره گرفتهاند و برای یک بزرگنمایی مشخص، تابع ابيرايي را تخمين زده اند. احمد و همكاران [٥] و همچنین هارتلی و کنگ [٦] نیز از مدل یکسانی برای مدل سازی تابع ابیرایی بهره گرفته اند. تفاوت کار ایشان در نحوه تخمين پارامتر ها مي باشد.

همان گونه که بیان گردید، برای بازنمایش و مدل سازی ابیرایی موج تکرنگ میتوان از توسعه چند جمله ای ها بهره جست. هر چند بهره گیری از توسعه چند جمله ای زرنیک پیشتر در راهکارهای مبتنی بر پرتوهای راهنما مورد استفاده قرار گرفته است، اما بهره گیری از آنها تاکنون در راهکارهایی که صرفا مبتنی بر تصویر نقش بسته بر پرده تصویر طراحی میشوند، بر اساس جستجوهای نگارنده صورت نگرفته است. بهره گیری از توسعه چند جمله ای زرنیک در مقام قیاس با بسط تیلور که در بسیاری از مقالات از آن بهره گرفته شده است [۷–٤] دارای ویژگی هایی است که به استناد آنها استفاده

¹ Invertible homography

از آن می تواند موثرتر واقع گردد. ابتدا اینکه ضرایب زرنیک به صورت فرم کاملی از یک مجموعه متعامد روی دایره واحد تعریف میشوند. دوم اینکه چند جملههای زرنیک یک بازنمایش متعادل از ابیرایی را نشان می دهند. این به این معنی است که چند جمله های زرنیک حاصل از ترکیب جملاتی از سریهای توانی هستند که به گونه ای بهینه متعادل شدهاند که واریانس را حول مردمک خروجی کمینه سازند [۸]. سوم اینکه ضریب هر جمله در توسعه چند جمله ای زرنیک خود نشان دهنده انحراف معيار استاندارد نسبت به آن جمله مي باشد، كه مجموع مربعات این ضرایب واریانس ابیرایی کل را نشان میدهد. چهارم اینکه برخلاف مدلهای مبتنی بر بسط تیلور که نمی توانند بازنمایش مناسبی از ابیرایی و اعوجاج محلی باشند [۹]، مدل برگرفته از چند جمله ای زرنیک برای باز نمایش ابیرایی و اعوجاج محلی نیازی به بخش بندی و تکه تکه سازی تصویر ندارد. و در آخر هر چند مدل تیلور برای لنزهای مرکب مناسب نیست [۱۰]، مدل زرنیک در مدل سازی لنزهای مرکب می تواند بازدهی خود را حفظ کند.

امروزه ابیرایی لنز با بهره گیری از روشهای مبتنی بر راه کارهای غیر متریک و مدلهای خود کالیبره کننده اصلاح میشود [۱۵–۱۱، ۲]. این گروه از راه کار ها، اغلب از بردارهای ویژگی در تصویر همانند خطوط مستقیم، دایره ها و نقاط ناپدید شدن^ه استفاده می کنند.

عدم وجود برخی از بردارهای ویژگی یاد شده و یا کاهش شمار آنها در تصویر، برخی مواقع منجر به شکست فرآیند کالیبره کردن می شود. به همین واسطه و به دلیل وجود برخی از ویژگیهای غیر خطی لنز، استفاده از آنالیز چند طیفی^۲ در تشخیص و تعیین میزان ابیرایی توجیه پذیر است. اصلاح ابیرایی لنز با بهره گیری از آنالیز چند طیفی bi-coherence پیشتر معرفی شده است [۲۱–۱۵]. در استفاده از آنالیز چند طیفی خصوصیات منحصر به فردی وجود دارد. اول اینکه با بهره گیری از آنالیز چند طیفی، دیگر نیازی به پروسه تشخیص بردارهای ویژگی یاد شده نخواهد بود. و دوم اینکه پروسه کالیبراسیون تحت تاثیر شکست پروسههای استخراج بردارهای ویژگی قرار نمی گیرد.

روش پیشنهادی در این مقاله از مزایای مدل سازی به کمک توسعه ضرایب زرنیک بهره می برد. جملات مدل در دو کلاس

² Camera intrinsic and extrinsic matrix

³ Virtual pinhole model

⁴ Zoom

⁵ Vanishing points

⁶ Poly-spectral analysis

کلی ابیرایی های متقارن مشتمل بر کوما و اعوجاج و ابیرایی های نامتقارن شامل ابیرایی کروی ، آستگماتیسم و عدم تطبیق تقسیم شده و سپس به ترتیب با بهره گیری از آنالیز چند طیفی tri-coherence و bi-coherence تخمین زده می شوند. انتظار می رود که مقادیر واقعی ابیرایی لنز به گونه ای تخمین زده شوند که متوسط همبستگی محاسبه شده را کمینه سازند.

دیگر بخشهای مقاله به این صورت سازمان دهی شده اند: مدل ریاضی ابیرایی لنز در بخش ۲ توضیح داده شده است. پروسه کالیبراسیون در بخش ۳ شرح داده می شود. بخش ٤ میزان موثر بودن و دقت راه کار پیشنهادی را بررسی می کند. و بخش ٥ نتایج را در بر دارد.

۲. مدل ریاضی ابیرایی لنز

در ابیرایی موج تکرنگ^ت، (*W*(p, θ) به مختصات شعاعی *q* و زاویه گردشی*θ می*تواند به صورت یک توسعه چند جمله ای در فرم زیر باز نمایش شود.

$$W(\rho,\theta) = \sum_{n=0}^{\infty} \sum_{m=0}^{n} c_n^m Z_n^m(\rho,\theta)$$
(1)

که در این رابطه C_n^m ضرایب توسعه زرنیک و Z_n^m چند جمله ای زرنیک است. از طرفی دیگر اگر پرتوهای نور را به عنوان سیگنال و لنز را به عنوان یک سیستم بپذیریم، کاملا مشهود است که به واسطه تفاوت قطر در نواحی مختلف لنز و یا عدم یکنواختی چگالی مواد سازنده لنز، پرتوهای ورودی در این سیستم دچار تاخیرهای متفاوتی میشوند. بنابراین ابیرایی برای پرتو هایی که با هم وارد لنز میشوند علاوه بر انحراف در نقاط مختلف لنز، تحت تاثیر تاخیر هم قرار می گیرد. بدینسان تابع ابیرایی موج تکرنگ را که تاخیرهای زمانی در آن منظور شده، تحت عنوان تابع ابیرایی فاز^۷ می شناسند. تابع ابیرایی فاز در فرم جملات چند جمله ای دایره ای زرنیک میتوانند در فرم زیر توسعه یابد.

$$W(\rho,\theta) = \sum_{n=0}^{\infty} \sum_{m=0}^{n} c_n^m \left[\sqrt{\frac{2(n+1)}{1+\delta_{m0}}} \right] R_n^m(\rho) cosm\theta$$
(Y)

¹Coma

- ⁵ Defocus
- ⁶ Monochromatic wave aberration
- ⁷ Phase aberration function

که در این رابطه نیز δ_{m0} تابع دلتای کرونکر، n و m اعدادm عمیت مثبت هستند به گونه ای که $0 \leq m - m \in R_n^m(
ho)$

$$= \sum_{s=0}^{(n-m)/2} \frac{(-1)^{s}(n-s)!}{s! \left(\frac{n+m}{2}-s\right)! \left(\frac{n+m}{2}-s\right)!} \rho^{n-2s} \qquad (7)$$

$$\varphi^{n} \text{ introduction } \varphi^{n} \text{ or } \varphi^{n} \text{$$

ρⁿ⁻² و ho^m است. c_n^m ، ضرایب توسعه زرنیک به صورت زیر خواهند بود.

$$c_n^m = \left(\frac{1}{\pi}\right) \sqrt{2(n+1)(1+\delta_{m0})} \times \int_0^1 \int_0^{2\pi} W(\rho,\theta) R_n^m(\rho) cosm\theta \rho d\rho d\theta$$
(£)

جدول ۱ – چند جمله ای زرنیک تا مرتبه شعاعی ٤

جناوه المستيحلية بطلبة الى رزيف فالترقبة للتعاطى ع			
مغغم	$T^{m}(\boldsymbol{\rho},\boldsymbol{\theta})$	فر کانس	مر تبه
التعدر	$\boldsymbol{z}_n(\boldsymbol{\mu},\boldsymbol{\theta})$	(m)	(n)
مقدار ثابت (Piston)	1	٠	٠
x–کجی (Tilt)	$2\rho \sin(\theta)$	- 1	١
y—کجی	$2\rho\cos(\theta)$	١	١
اَستیگماتیسم (٤٤±	<u>[</u>]	_7	۲
درجه)	$\sqrt{6\rho^3}\sin(2\theta)$	-1	,
انحنای عرصه (Field			
curvature)، عدم تطبيق	$\sqrt{3}(2\rho^3-1)$	•	۲
(Defocus)			
آستیگماتیسم (• یا ۹۰		¢	4
درجه)	$\sqrt{6\rho^3}\cos(2\theta)$	١	N
y- تريفويل (Trefoil)	$\sqrt{8}\rho^3 \sin(3\theta)$	~~	٣
y – كوما (Coma)	$\sqrt{8}(3\rho^3 - 2\rho)\sin(\theta)$	-1	٣
x – كوما	$\sqrt{8}(3\rho^3 - 2\rho)\cos(\theta)$	١	٣
x— تريفويل	$\sqrt{8}\rho^3\cos(3\theta)$	٣	٣
y- كوادريفويل		-٤	٤
(Quadrafoil)	$\sqrt{10}\rho^4 \sin(4\theta)$		
y – آستیگماتیسم مرتبه	$\sqrt{10}(4\rho^4)$	-7	٤
دوم	$-3\rho^2$)sin(4 θ)		
ابیرایی کروی	_		
(Spherical)، عدم تطبيق	$\sqrt{5}(6\rho^4 - 6\rho^2 + 1)\sin(4\theta)$	•	٤
(Defocus)	1 1/311(10)		
x - آستیگماتیسم مرتبه	$\sqrt{10}(4\rho^4)$	Ŷ	4
دوم	$-3\rho^2)\cos(4\theta)$	1	٤
x - كوادريفويل	$\sqrt{10}\rho^4\cos(4\theta)$	٤	٤
•••			

٤٠

² Distortion ³ Spherical aberration

⁴ Astigmatism





از طرف دیگر با توجه به این که انحراف پرتو ابیراهی شده نسبت به مکان ایده آل خود روی پرده تصویر، با دیفرانسیل محلی جبهه ابیراهی موج تکرنک در آن نقطه متناسب است، داريم:

$$\frac{\partial W(x,y)}{\partial x} = \frac{\varepsilon_x(x,y)}{f},$$

$$\frac{\partial W(x,y)}{\partial y} = \frac{\varepsilon_y(x,y)}{f}$$
(A)

که f فاصله کانونی لنز می باشد.

با مشتق گیری از معادله ۷ نسبت به x و y و جایگزین کردن آن در معادله ۸، رابطه ۹ نتیجه می شود.

$$\begin{split} \frac{\epsilon_{x}(x,y)}{f} &= \sum_{j} w_{j} \frac{\partial Z_{j}(x,y)}{\partial x},\\ \frac{\epsilon_{y}(x,y)}{f} &= \sum_{j} w_{j} \frac{\partial Z_{j}(x,y)}{\partial y} \end{split} \tag{9}$$

معادله ۹ مقادیر ابیرایی را در قالب ابیرایی زرنیک توصیف میکند. ضرایب زرنیک W_i میتوانند با بهره گیری از آنالیز چند طيفي تخمين زده شوند.

اجزای پرتو ابیرایی میتوانند در دو کلاس کروماتیک و آستیگماتیک طبقهبندی شوند. از آنجایی که اجزای کروماتیک و آستیگماتیک کوپل همدیگر نیستند لذا نمی توانند برای متعادل کردن یکدیگر بکار روند. اجزای آستیگماتیک شامل ابیرایی کروی، آستیگماتیسم و عدم تطبیق بوده و ابیرایی کروماتیک مشتمل بر کوما و اعوجاج است. بعلاوه چند جمله ایهای زرنیک نیز می توانند برای ابیرایی های متقارن (ابیرایی های کروماتیک) و همچنین ابیراییهای نامتقارن (ابیراییهای آستیگماتیک) در دو کلاس متقارن و نامتقارن دسته بندی شوند. از طرفی می دانیم که آنالیز چند طیفی tri-coherence ذاتا به سیگنالهای متقارن حساس است و همچنین آنالیز چند طیفی bi-coherence به سیگنالهای نامتقارن [۱۷]. بنابراین بهره

در عمل برای بازنمایش تابع ابیرایی موج از تعداد محدود N از چند جمله ایهای زرنیک استفاده میشود. بنابراین N مي توان تابع ابيرايي موج تكرنگ را به صورت زير خلاصه كرد. $W(\rho,\theta) = \sum_{n=1}^{N} \sum_{n=1}^{n} c_n^m Z_n^m(\rho,\theta)$ (0) $+\epsilon(\rho,\theta)$

که در این رابطه $\epsilon(
ho, heta)$ خطای مدل سازی می باشد. جدول ۱ باز نمایشی از چند جمله ایهای زرنیک تا مرتبه شعاعی ٤ را نشان مىدھد.

۳. پروسه کاليبراسيون

شکل ۱ اجزای پایه یک سامانه اپتیکی متقارن را توضیح میدهد. در یک چنین سامانه ای، یک پرتو که از مردمک خروجی خارج می شود پرده تصویر را در مختصات (/X',Y) قطع می کند. عموما، این پرتو از نقطه ایده آل خود روی پرده تصویر نمی گذرد. این مهم در شکل ۲ به تصویر کشیده شده است. می توان در نظر گرفت که اگر نقطه انحراف در شرایط عمل $\vec{H} = H_x \hat{i} + H_y \hat{j}$ باشد و نقطه ایده آل در مختصات نگاه نقطه تقاطع با پرده تصویر در مختصات (h'_x, h'_y) (X', Y') خواهد بود.

$$(X',Y') = (h'_{x},h'_{y}) + (\varepsilon_{x},\varepsilon_{y})$$
(7)

با در نظر گرفتن تابع ابیرایی در مختصات کارتزین، *E_x و* می توانند به فرم تابع موج ابیرایی تکرنگ بصورت زیر \mathcal{E}_y تخمين زده شوند.

$$W(x,y) = \sum_{j} w_{j} Z_{j}(x,y) \tag{V}$$





گیری از آنالیز چند طیفی tri-coherence و bi-coherence به ترتیب برای تخمین پارامترهای کلاس کلی ابیراییهای متقارن و نامتقارن قابل توجیه است. و انتظار می رود که مقادیر واقعی ابیرایی لنز را بتواند به گونه ای مناسب تر تخمین زده و متوسط همبستگی محاسبه شده را کمینه سازند.

با توجه به مطالب یاد شده الگوریتم کلی اصلاح ابیرایی تصویر به صورت زیر پیشنهاد میشود:

- انتخاب جملات زرنیک متناظر با ابیرایی های مورد نظر
- ۲. انتخاب مقادیر پیش فرض (یا تصادفی) برای ضریب جملات زرنیک
- ۳. محاسبه میزان انحراف پرتو ابیرایی شده نسبت به مکان ایده آل خود روی پرده تصویر به کمک چند جمله ای زرنیک و ضرایب آن
- جبران ابیرایی تصویر به کمک میزان انحراف پرتو ابیرایی شده نسبت به مکان ایده آل آن
- ه. محاسبه مقادیر آنالیز چند طیفی tri-coherence و bi ocoherence روی تصویر
 - اصلاح ضرایب جملات زرنیک
- ۷. آیا مقادیر آنالیز چند طیفی به اندازه کافی کوچک شدهاند؟
 بله، برو به ۸ خیر، برو به ۳
 - ۸ پايان

٤. نتايج تجربي

به منظور اعتبار سنجی راه کار پیشنهادی، شبیه سازی کامل رایانه ای به منظور مقایسه بین راه کارهای مبتنی بر بسط تیلور و راه کار پیشنهادی صورت پذیرفته است. برای این مهم یک تصویر مصنوعی فرکتالی به صورت مجموع دو سینوئید با زاویه تصادفی $a_n = 0$ ، فاز تصادفی $[-\pi, \pi] = 0$ ، دامنه $a_n = 1/n$ و فرکانس $m_n = n \pi$ در فرم زیر تولید شده است.

$$f_u(x, y) = \sum_{n=1}^{N} a_n \sin(w_n [\cos(\theta_n) x + \sin(\theta_n) y] + \phi_n)$$
(1.)

اندازه تصویر حاصله $N \times N$ پیکسل می باشد که در اینجا N = 256 در نظر گرفته شده است. ابیرایی برای تصویر مفروض در قالب ضرایب زرنیک در جدول ۲ خلاصه شده است. همچنین این جدول مقادیر تخمین را نیز برای ضرایب زرنیک Z_n^m به کمک روش پیشنهادی نشان میدهد.

کمک روش پیشنهادی	مصنوعي و تخمين أنها به ً	جدول ۲ – ابیراییهای
------------------	--------------------------	---------------------

مقادير	مقادیر از	$7^{\mathbf{m}}(\mathbf{a},0)$	فر کانس	مرتبه
تخميني	پيش تعريف	$Z_n^{m}(\rho, \theta)$	(m)	(n)
-•/0121	-•/0121	مقدار ثابت	•	•
-•/٣٥٤٦	-•/٣٥٤٥	X – کجی	- 1	١
•/2272	•/2237	y - کجی	١	١
-•/٣٦٢•	-•/٣٦١٩	آستیگماتیسم (٤٥± درجه)	-7	۲
-•/٢٥٦٢	-•/٢٥٦٠	انحنای عرصه، عدم تطبیق	•	٢
•/••••	•/•••	آستیگماتیسم (• یا ۹۰ درجه)	٢	۲
-•/••• ٣	-•/•••٢	y - كوما	- 1	٣
·/10VE	•/10/•	X - كوما	١	٣
-•/••))	-•/•••٦	ابیرایی کروی، عدم تطبیق	*	٤

جذر مجموع مربعات خطا RMSE برای راه کار پیشنهادی در مقایسه با مقادیر مبتنی بر بسط تیلور در کنار بار محاسباتی آنها در جدول ۳ آماده است. لازم به ذکر است که ضرایب تیلور به طریق مشابه ای که در [۱۵] گزارش شده است با بهره گیری از bi-coherence تخمین زده شدهاند. همچنین بار محاسباتی برای کد متلب نسخه 2011 تحت رایانه مجهز به پردازنده Intel Core 2 Duo T9550@2.67GHZ و گیگابایت حافظه محاسبه گردیده است. با مطالعه جدول ۳ کاملا مشهود است که ضرایب زرنیک از دقت قابل ملاحظه ای نظر بار محاسباتی نیز بسیار موثرتر است. این مهم می تواند با در نظر گرفتن تعامد بین جملات در چند جمله ای زرنیک توجیه شود. در صورتی که عدم تعامد در جملات تیلور تکرار بیشتری را برای رسیدن به جذر مجموع مربعات خطای مورد نظر نیاز دارد.

جدول ۳ – مقایسه بین دقت تخمین مبتنی بر توسعه ضرایب

زرنیک با بسط تیلور و همچنین بار محاسباتی

بار محاسباتی	RMSE	راہ کار
۱٦٣/٠٩٧٧٤٤ ثانيه	•/٥٤٨٠	بسط تيلور (مرتبه ٤)
۱۰/۸۷۷۲۷۱ ثانیه	•/12977	زرنیک (اپتیک مرتبه ۳)

همان گونه که پیشتر به آن اشاره شد، برای هر ضریب ابیرایی c_n^m ، نسبت به آن ابیرایی یک انحراف معیار استاندارد وجود دارد. از آنجایی که ضرایب توسعه مشخص شدهاند میتوان واریانس تابع ابیرایی کل را به سادگی به صورت زیر محاسبه کرد [۸].

$$\sigma_w^2 = \langle W^2(\rho,\theta) \rangle - \langle W(\rho,\theta) \rangle^2$$
$$= \sum_{n=1}^N \sum_{m=0}^n (c_n^m)^2$$
(11)

مولفه σ^2_w به عنوان جذر مجموع مربعات خطای جبهه موج آبیرایی ^۱ شناخته میشود که برای آزمایش جاری به صورت زیر میباشد.

جدول ٤ - خطاي جبهه موج براي تصوير تست مصنوعي

۰/۸۰۷۵۵۲۳۱	پارامترهای تست
•/٨•٨١•٢•٣	پارامترهای تخمین

جدول ٤ نشان میدهد تا چه اندازه تخمین مبتنی بر زرنیک به مقادیر پیش تعریف در تصویر تست نزدیک است.

در کنار شبیه سازی رایانه ای، تجربه واقعی نیز با بهره گیری از دوربین SHC-735 سامسونگ مجهز به لنز -SLA گرفته است. خروجی دوربین به کمک ۳۸–۳۸۵) صورت گرفته است. خروجی دوربین به کمک Pinnacle 510-USB رقمی شده rev 2.0 در قالب ماتریس با رزولوشن ۲۸۰×۶۲۰ رقمی شده است. در این آزمایش تجربی دو تصویر برای اعتبار سنجی نظری ارائه شده است. شکل ۳(ب) و (د) تصویر بدون ابیرایی نظری ارائه شده است. شکل ۳(ب) او (د) تصویر بدون ابیرایی می باشند (شکل ۳ (الف) و (ج)) بازیابی شده اند. اعوجاج ها نزدیک به لبههای تصویر کاملا مشهود است.



هستند. ابیرایی در تصویر چاپگر در تصویر (الف) نسبت به (ب) کاملا

ارزیابی خطای ابیرایی و مقایسه با ابیرایی باقیمانده، پس از تخمین به کمک سری تیلور مورد بهره برداری قرار گرفته اند. برای هر خط اصلاحی (شکل ٤ (الف))، دقت زیر پیکسل ها برای لبه ها با بهره گیری از الگوریتم دیورنی [۱۸] محاسبه شده است. سپس خط رگرسیون آنها محاسبه و فاصله بین نقاط لبه و خط رگرسیون در قالب جذر مجموع مربعات خطا (RMSE) به عنوان خطای اندازه گیری ارائه گردیده است. شکل ٤ (ج) بخشی از شکل ٤ (الف) را به صورت بزرگتر نشان میدهد. ابیرایی برای ناحیه بزرگ شده کاملا مشهود است. در حالی که برای نواحی مرکزی در تصویر ٤ (ج) خط رگرسیون (خط راست سفید رنگ) روی مرز مربعات سیاه و سفید قرار گرفته است، در حواشي تصوير ٤ (ج) مخصوصا سمت چپ، انحراف به وضوح دیده میشود. جدول ۵ جذر مجموع مربعات خطا را برای شش خط افقی نشان میدهد. نتایج نشان از بهبود قابل ملاحظه ای در روش پیشنهادی نسبت به بسط تیلور دارند. متوسط جذر مجموع مربعات خطا برای تکنیک مبتنی بر سری تیلور ۳۰۹٤ می باشد در حالی که یرای تکنیک مبتنی بر چند جمله ای زرنیک ۰/۰۷۰۷ می باشد که نشان از بهبود حدود ۲/۰ در جذر مجموع مربعات خطا دارد.



شکل ٤- آزمون تجربی برای اعتبار سنجی رقمی. تصویر (ب) تصویر بازیابی شده از روی تصویر (الف) را با بهره گیری از مومنتهای زرنیک نشان میدهد. ابیرایی برای ناحیه بزرگ شده در (الف) کاملا مشهود است. در حالی که برای نواحی مرکزی در تصویر (ج) خط



شکل ۳– آزمایش جهت اعتبار سنجی نظری. (ب) و (د) تصاویر بازیابی شده از نمونههای متناظرشان در (الف) و (ج) با بهره گیری از مومنتهای زرنیک

¹ Wave-front aberration

and Robust Estimation", IEEE Transaction on Image Processing, Vol. 14, No. 8, Aug 2005.

- [6] R. Hartley, S. Bing Kang, "Parameter-Free Radial Distortion Correction with Center of Distortion Estimation," IEEE Transaction on Pattern Analysis and Machine Intelligence, Vol. 29, No. 8, Aug 2007.
- [7] S. Aritan, "Efficiency of non-linear lens distortion models in biomechanical analysis of human movement," Elsevier: Measurement 43 (2010) 739-746
- [8] V.N. Mahajan, "Optical Imaging and Aberration," SPIE Press, 1998.
- [9] C. Ricolf-Viala, A. Sanchez Salmeron, "Correcting non-linear lens distortion in cameras without using a model," Elsevier: Optics & Laser Technology, 42 (2010) 628-639.
- [10] D. Trodoff, D.W. Murray, "The impact of radial distortion on the self-calibration of rotating cameras," Elsevier: Computer Vision and Image Understanding, 96 (2004) 17-34.
- [11] C. Hughes, R. Mc/feely, P. Denny, M. Glavin, E. Jones, "Equidistant (fθ) fish-eye perspective with application in distortion centre estimation," Elsevier: Image and Vision Computing, 28 (2010) 538-551.
- [12] F. Devernay, O. Faugeras, "Straight lines have to be straight," Machine Vision and Applications (2001) 13: 14-24.
- [13] J. Lin, M. Xing, D. Sha, D. Su, T. Shen, "Distortion measurement of CCD imaging system with short focal length and large-field objective," Elsevier: Optics and Lasers in Engineering, 43 (2005) 1137-1144.
- [14] J. Tardif, P. Strum, M. Trudeau, S. Roy, "Calibration of Cameras with Radially Symmetric Distortion," IEEE Transaction on Pattern Analysis and Machine Intelligence, Vol. 31, No. 9, Sep 2009.
- [15] H. Farid, A. Popescu, "Blind Removal of Lens Distortion," Journal of the Optical Society of America A, 18 (9) (2001) 2072-2078.
- [16] W. Yu, "Image-based lens geometric distortion correction using minimization of average bicoherence index," Elsevier: Pattern Recognition, 37 (2004) 1175-1187.
- [17] Fackrell, J.W.A., McLaughlin, S., Collis, W.B., White, P.R., "Nonlinearity Detection For Condition Monitoring Using Higher-Order Statistics," IEEE Transactions on Biomedical Engineering, 1994.
- [18] F. Devernay, "A Non-Maxima Suppression Method for Edge Detection with Sub-Pixel Accuracy," INRIA Rapport de recherche, No. 2724, November 1995.

رگرسیون (خط راست سفید رنگ) روی مرز مربعات سیاه و سفید قرار گرفته است؛ در حواشی تصویر (ج) مخصوصا سمت راست، انحراف به وضوح دیده می شود.

روش مبتنی بر سری تیلور (RMSE)	روش پیشنهادی مبتنی بر زرنیک (RMSE)	
•/0•17	•/١٣١٧	خط اول از بالا
• /٣٣• ٦	•/•٧٣٢	خط دوم
•/1•17	•/••٩٤	خط سوم
•/١٣٤•	•/•17٧	خط چهارم
• /۲۹۸۱	٠/٠ ⁻ ٦٨٠	خط پنجم
•/2911	•/١٣•١	جط ششم

جدول ٥ – مقایسه خطا بین مدل زرنیک و تیلور برای تصویر تست ۳

٥. نتيجه گيرى

این مقاله به معرفی روش جدیدی را می پردازد که با بهره گیری از چند جمله ای زرنیک، ابیرایی لنز را مدل میکند. جملههای این مدل به دو کلاس متقارن و نامتقارن تقسیم میشوند. به منظور تعیین پارامترهای مدل از آنالیز چند طیفی بهره گرفته شده است. پارامترهای جملات متقارن و نامتقارن به ترتیب با -tri incoherence و bi-coherence تخمین زده میشوند. نتایج آزمایشگاهی، دقت روش پیشنهادی را تایید میکند.

٦. مراجع

- V. Orekhov, B. Abidi, C. Broaddus, M. Abidi, "Universal camera calibration with automatic distortion model selection," IEEE International Conference on Image Processing (ICIP'07), Oct. 19 2007, San Antonio, TX, USA.
- [2] R. Grompone von Gioi, P. Monasse, J.-N. Morel, Z.Tang, "Towards High-precision Lens Distortion Correction," ICIP2010, Proceeding of 2010 IEEE 17th International Conference on Image Processing, Sep 26-29, (2010), 4237-4241, Hong Kong.
- [3] C.Y. Vincent, T. Tjahajadi, "Multiview cameracalibration framework for nonparametric distortion removal," IEEE Transactions on Robotics, Vol. 21, p.p. 1004 - 1009, Oct. 2005
- [4] C. Lin, S. Chang, Y. Lay, M. Yeh, C. Lee, "Automatic distortion measurement system with reticle positioning for enhance accuracy," Elsevier: Measurement, 41 (2008) 960-969.
- [5] M. Ahmed, A. Farag, "Nonmetric Calibration of Camera Lens Distortion: Differential Methods